

Twee machten van 2

1 maximumscore 5

- $f'(x) = \ln(2) \cdot 2^x + \ln(2) \cdot 2^{-2x} \cdot -2$ 2
- Uit $f'(x) = 0$ volgt dat $2^x = 2 \cdot 2^{-2x}$ 1
- Dus $2^{3x} = 2$ (of $2^x = 2^{-2x+1}$) 1
- Hieruit volgt $x = \frac{1}{3}$ 1

of

- $a + a^{-2}$, met $a = 2^x$, moet minimaal zijn 2
- De vergelijking $1 - 2a^{-3} = 0$ moet worden opgelost 1
- Dit geeft $a = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{3}}$ (of een gelijkwaardige uitdrukking) 1
- Hieruit volgt $x = \frac{1}{3}$ 1

2 maximumscore 5

- Een primitieve van 2^x is $\frac{1}{\ln(2)} \cdot 2^x$ 1
- Een primitieve van 2^{-2x} is $\frac{1}{\ln(2)} \cdot 2^{-2x} \cdot \frac{1}{-2}$ 1
- De oppervlakte tussen de grafiek van f en de x -as is $\left(\frac{2}{\ln(2)} - \frac{1}{8\ln(2)}\right) - \left(\frac{1}{2\ln(2)} - \frac{4}{2\ln(2)}\right)$ ($\approx 4,869$) 2
- De oppervlakte van het rechthoekige gebied is $2k$, dus de gevraagde waarde van k is 2,43 1

Vraag	Antwoord	Scores
-------	----------	--------

3 maximumscore 5

- $\overline{AP} = \begin{pmatrix} p-1 \\ f(p) - 2\frac{1}{4} \end{pmatrix}$, waarbij p de x -coördinaat van P is 1

- $\begin{pmatrix} p-1 \\ 2^p + 2^{-2p} - 2\frac{1}{4} \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 \\ 1\frac{13}{16} \end{pmatrix} = 0$ 1

- De vergelijking $p-1 + 1\frac{13}{16}(2^p + 2^{-2p} - 2\frac{1}{4}) = 0$ moet worden opgelost 1

- Beschrijven hoe deze vergelijking wordt opgelost 1

- Dit geeft $p \approx -0,67$ (dus de x -coördinaat van P is $-0,67$) 1

of

- De richtingscoëfficiënt van AQ is $\frac{29}{16}$ 1

- (Het product van de richtingscoëfficiënten van AP en AQ moet -1 zijn,) dus de richtingscoëfficiënt van AP is $-\frac{16}{29}$ 1

- Een vergelijking van AP is $y = -\frac{16}{29}(x-1) + 2\frac{1}{4}$ 1

- Beschrijven hoe de vergelijking $2^x + 2^{-2x} = -\frac{16}{29}(x-1) + 2\frac{1}{4}$ wordt opgelost 1

- Dit geeft $x \approx -0,67$ (dus de x -coördinaat van P is $-0,67$) 1

of

- De richtingscoëfficiënt van AQ is $\frac{29}{16}$ 1

- (Het product van de richtingscoëfficiënten van AP en AQ moet -1 zijn,) dus de richtingscoëfficiënt van AP is $-\frac{16}{29}$ 1

- De richtingscoëfficiënt van AP is ook $\frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{2\frac{1}{4} - (2^x + 2^{-2x})}{1-x}$ 1

- Beschrijven hoe de vergelijking $-\frac{16}{29} = \frac{2\frac{1}{4} - (2^x + 2^{-2x})}{1-x}$ wordt opgelost 1

- Dit geeft $x \approx -0,67$ (dus de x -coördinaat van P is $-0,67$) 1